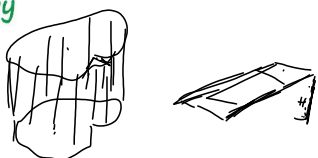


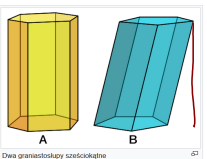
Graniastostupy

$$V = P_p \cdot H$$

$$P_c = P_b + 2P_p$$


Graniastostup – wielokąt, którego wszystkie wierzchołki są położone na dwóch równoległych plaszczyznach i którego wszystkie krawędzie łączące parą tymi plaszczyznami są do siebie paralelne.

Pojęcia związane
 Podstawa graniastostupa – wielokąt zawarty w każdej z dwóch równoległych plaszczyzm definiujących graniastostup. Często jedna z podstaw określa się jako dolną, drugą jako górną, co jest oczywiście rzeczą umowną. Ściana boczna – każda ze ścian graniastostupa niebędąca podstawą.
 Ściany boczne graniastostupa są trapezami. Krawędź podstawy – dowolny bok każdej z podstaw graniastostupa. Krawędź boczna – każda krawędź, która nie jest krawędzią podstawy. Wysokość graniastostupa – odległość między plaszczyznami podstaw. Niekiedy krótko, ale niechybnie ściśle określa się ją jako odległość między podstawami. Przekątna graniastostupa – odcinek łączący pewien wierzchołek górnej podstawy z wierzchołkiem dolnej podstawy i nie leżący w żadnej ścianie bocznej ani niebędący krawędzią boczną.



Dwa graniastostupy sześciokątne

Definicja graniastostupa:
 „Graniastostupem nazywamy bryłę przestrzenną, która posiada dwie identyczne podstawy będące wielokątami oraz wszystkie krawędzie boczne są równoległe do siebie.”

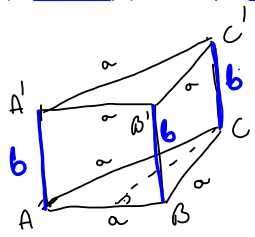
Graniastostupy proste

Graniastostup prosty jest to graniastostup o krawędziach bocznych prostopadłych do podstawy.

Graniastostupy prawidłowe

Graniastostup prawidłowy jest to graniastostup prosty o podstawach będących wielokątami foremnymi.

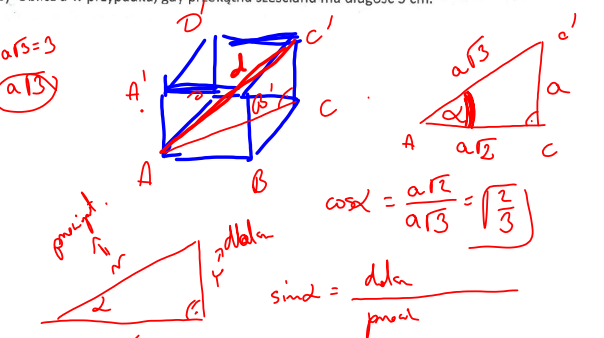
Graniastostup archimedesowy (czasem nazywany pryzmą) jest to graniastostup prawidłowy o krawędzi podstawy tej samej długości co wysokość. Graniastostupy archimedesowe tworzą obok graniastostupów jedną z dwóch nieskończonych serii wielokątów foremnymi.



GR o podstawie m-kąta ma 3m kraw. 2 podstawy, m-ścian bocznych → m+2 ścian.

$P_b =$

5.36. Wykaż, że długość przekątnej sześcianu o krawędzi długości a jest równa $a\sqrt{3}$.
 a) Wyznacz cosinus kąta nachylenia przekątnej sześcianu do płaszczyny podstawy.
 b) Oblicz a w przypadku, gdy przekątna sześcianu ma długość 3 cm.



$a\sqrt{3} = 3$
 $a\sqrt{3} = 3$

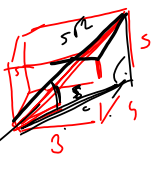
$\cos \alpha = \frac{a\sqrt{2}}{a\sqrt{3}} = \sqrt{\frac{2}{3}}$

$\sin \alpha = \frac{d_{bocna}}{przek}$
 $\cos \alpha = \frac{b_{bocna}}{przek}$
 $\tan \alpha = \frac{d_{bocna}}{b_{bocna}}$

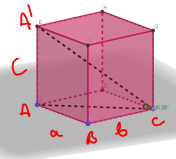
Def. prostopadłości ściany → Gr. pr. o podst. prostok. $V = abc$

5.37. Wykaż, że długość przekątnej prostopadłościanu o krawędziach długości a , b , c jest równa $\sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$. Oblicz długość przekątnej prostopadłościanu i miarę kąta nachylenia tej przekątnej do płaszczyny podstawy w przypadku, gdy krawędzie podstawy mają długość: $a = 3$ cm, $b = 4$ cm, zaś krawędź boczna ma długość $c = 5$ cm.

$\alpha = ?$

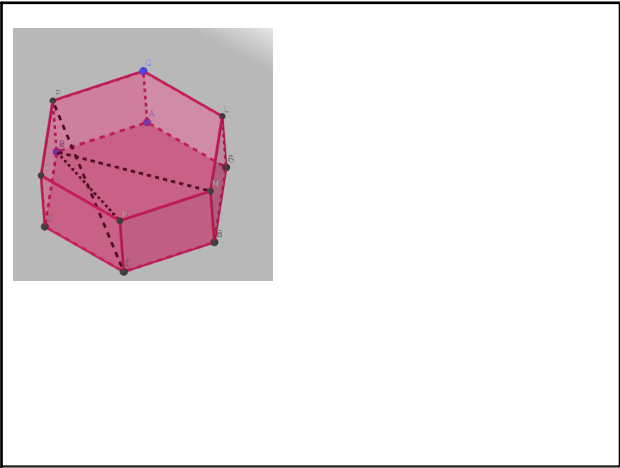
$$d = \sqrt{3^2 + 4^2 + 5^2} = \sqrt{25 + 16 + 25} = \sqrt{66}$$


$c^2 = 3^2 + 4^2 = 25$
 $c = 5$



$AC^2 = a^2 + b^2$
 $CA'^2 = c^2 + AC^2 = a^2 + b^2 + c^2$
 $CA' = \sqrt{a^2 + b^2 + c^2}$

5.44. Graniastosłup prawidłowy sześciokątny ma wysokość 8 cm, a krawędź podstawy ma 3 cm. Oblicz długości przekątnych graniastosłupa.



5.43. Podstawą graniastosłupa prostego jest romb. Graniastosłup ma wysokość 12 cm. Dłuższa przekątna graniastosłupa jest nachylona do płaszczyzny podstawy pod kątem $\alpha = 45^\circ$, a krótsza pod kątem $\beta = 60^\circ$. Oblicz długość krawędzi podstawy.

5.82. Podstawą graniastosłupa prostego jest trapez równoramienny, którego kąt ostry ma 60° . Rzut prostokątny długości $\sqrt{3}$ dm przekątnej graniastosłupa na płaszczyznę podstawy tworzy z tą przekątną kąt 30° i zawiera się w dwusiecznej kąta ostrego trapezu. Oblicz:

a) sumę długości wszystkich krawędzi graniastosłupa
 b) pole powierzchni bocznej tego graniastosłupa.

5.71-5.82 +
geogdbm 3D

$V = \frac{1}{3} P_p \cdot H$
 $P_c = P_p + P_b$
 $P_b = P_{b_1} + P_{b_2} + \dots + P_{b_n}$

Ostrosłup - wielokąt którego wszystkie wierzchołki poza jednym leżą w jednej płaszczyźnie wyznaczając wielokąt zwany podstawą. Boki tego wielokąta nazywają się krawędziami podstawy a płaszczyzna płaszczyzną podstawy. Punkty, który leży poza płaszczyzną podstawy, nazywa się wierzchołkiem ostrosłupa, odcinki łączące go z wierzchołkami podstawy nazywają się krawędziami bocznymi. Każda krawędź podstawy wraz z wierzchołkiem ostrosłupa wyznacza trójkąt zwany ścianą boczną.

Ostrosłup prosty
 Jeżeli spodek wysokości ostrosłupa pokrywa się ze środkiem okręgu opisanego na jego podstawie, to taki ostrosłup nazywamy ostrosłupem prostym. Jeżeli wszystkie krawędzie boczne ostrosłupa tworzą z podstawą kąty równej miary, to spodek wysokości jest jednakowo oddalony od wierzchołków podstawy (jest więc środkiem okręgu opisanego na podstawie). Jeżeli wszystkie ściany boczne tworzą z podstawą kątów równej miary, to spodek wysokości jest jednakowo oddalony od krawędzi podstawy (jest więc środkiem okręgu wpisanego w podstawę).

- Ostrosłup prawidłowy trójkątny
- Ostrosłup prawidłowy czworokątny
- Ostrosłup prawidłowy sześciokątny

Próbki:
Co to jest ostrosłup prawidłowy?
 Ostrosłupem prawidłowym (foremnym) nazywamy taki ostrosłup, którego podstawami są wielokąty foremne (tzn. wielokąty, których wszystkie kąty wewnętrzne są równe i długości wszystkich ścian są tej samej długości).

Ostrosłup ścięty

$V_{os} = V_0 - V_m$
 $V_0 \sim V_m$
 $\frac{V_0}{V_m} = k^3$ ← skala

$k = \frac{1}{3}$
 $\frac{V_m}{V_0} = \frac{1}{27}$

5.63. Podstawą ostrosłupa ABCS jest trójkąt prostokątny równoramienny ABC. Spodek wysokości jest środkiem przeciwprostokątnej AB. Wiedząc, że ostrosłup ma wysokość 7 cm, a krawędź AC ma 8 cm, oblicz długość krawędzi SC.

$x = \sqrt{49 + 32}$
 $x = 9$

$5.52 - 5.90$ mmil
 $5.90 - 10.59$
 28.11